

1. • Toplam 8 kişiden 4 kişi $\binom{8}{4} = \frac{8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5}{4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1} = 70$ farklı şekilde seçilebilir.
- 3 erkek ve 5 kızdan 3 kız ve 1 erkek $\binom{5}{3} \cdot \binom{3}{1} = \frac{5 \cdot 4}{2 \cdot 1} \cdot 3 = 30$ farklı şekilde seçilebilir.
- O halde istenilen olasılık $\frac{30}{70} = \frac{3}{7}$ olur.

Cevap: B

2. • Tüm durumlardan ikisinde hedefi vuramama olasılığını çıkararak sonuca ulaşabiliriz.
- Ceren'in hedefi vuramama olasılığı $= 1 - \frac{1}{5} = \frac{4}{5}$
- Bilal'in hedefi vuramama olasılığı $= 1 - \frac{1}{4} = \frac{3}{4}$
- O halde istenilen olasılık $1 - \frac{4}{5} \cdot \frac{3}{4} = 1 - \frac{3}{5} = \frac{2}{5}$ olur.

Cevap: C

3. • 9 noktadan herhangi ikisi $\binom{9}{2} = \frac{9 \cdot 8}{2 \cdot 1} = 36$ farklı şekilde seçilebilir.
- 2 ve 3 numaralı bölgede eşit sayıda nokta kalmasını istiyorsak silinecek ilk nokta 2 bölgesindeki 3 noktadan biridir. Bu da $\binom{3}{1} = 3$ farklı şekilde silinebilir.
- Silinecek ikinci nokta ise 1 ve 4 bölgelerindeki dört noktadan herhangi biridir. Bu da $\binom{4}{1} = 4$ farklı şekilde silinebilir.
- O halde istenilen olasılık $\frac{3 \cdot 4}{36} = \frac{1}{3}$ olur.

Cevap: B

4. Toplamı 9'dan büyük olan ikililer (6,5), (6,4) olmak üzere iki tanedir. O halde istenilen olasılık

$$\frac{2}{\binom{6}{2}} = \frac{2}{\frac{6 \cdot 5}{2 \cdot 1}} = \frac{2}{15}$$

Cevap: B

5. • Candan'ın çektiği kartlar 9, 8, 6, 4, 3 ise 1, 2, 5, 7, 10, 11, 12 arasından bir kart daha çekmelidir. Candan'ın oyunu kaybetmesi için puanları toplamının Şule'nin puanları toplamından az olması gerekir. Candan kalan 7 kart arasından bir kartı $\binom{7}{1} = 7$ farklı şekilde seçebilir.

1. durum → 6. kartı 1 seçerse

$$9 + 8 + 6 + 4 + 3 + 1 < 2 + 5 + 7 + 10 + 11 + 12$$

$$31 < 47 \rightarrow \text{oyunu Candan kaybetti.}$$

2. durum → 6. kartı 2 seçerse

$$9 + 8 + 6 + 4 + 3 + 2 < 1 + 5 + 7 + 10 + 11 + 12$$

$$32 < 46 \rightarrow \text{oyunu Candan kaybetti.}$$

3. durum → 6. kartı 5 seçerse

$$9 + 8 + 6 + 4 + 3 + 5 < 1 + 2 + 7 + 10 + 11 + 12$$

$$35 < 43 \rightarrow \text{oyunu Candan kaybetti.}$$

4. durum → 6. kartı 7 seçerse

$$9 + 8 + 6 + 4 + 3 + 7 < 1 + 2 + 5 + 10 + 11 + 12$$

$$37 < 41 \rightarrow \text{oyunu Candan kaybetti.}$$

Diğer durumlarda Candan kazanır. O halde Candan'ın kaybetme yani Şule'nin kazanma olasılığı $\frac{4}{7}$ 'dir.

Cevap: B

6. 1. durum → Cem-Burcu oyununda Cem'in kazanma olasılığı $\frac{1}{2}$

Cem-Ali oyununda Ali'nin kazanma olasılığı $\frac{1}{2}$

Ali-Burcu oyununda Ali'nin kazanma olasılığı $\frac{1}{2}$

O halde $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$ olur.

2. durum → Cem-Burcu oyununda Burcu'nun kazanma olasılığı $\frac{1}{2}$

Burcu-Ali oyununda Ali'nin kazanma olasılığı $\frac{1}{2}$

Ali-Cem oyununda Ali'nin kazanma olasılığı $\frac{1}{2}$

O halde $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$ olur.

Ali'nin şampiyon olma olasılığı $\frac{1}{8} + \frac{1}{8} = \frac{1}{4}$ olur.

Cevap: C

7. • Oluşturulabilecek tüm iki basamaklı sayılar

$$2 \cdot \binom{4}{1} \binom{4}{1} = 2 \cdot 4 \cdot 4 = 32 \text{ tane dir.}$$

• 4'e bölünebilen iki basamaklı sayılar 12, 32, 52, 72 olmak üzere 4 tane dir.

O halde istenilen olasılık $\frac{4}{32} = \frac{1}{8}$ 'dir.

Cevap: B

8. Üst yüze gelen sayıların toplam

$$1 + 2 + 3 + 4 = 10$$

$$2 + 3 + 6 + 7 = 18 \checkmark$$

$$5 + 6 + 7 + 8 = 26 \checkmark$$

$$1 + 4 + 5 + 8 = 18 \checkmark$$

$$1 + 2 + 5 + 6 = 14$$

$$3 + 4 + 7 + 8 = 22 \checkmark$$

Toplamı 14 ten büyük olan 4 farklı durum var.

O halde istenilen olasılık $\frac{4}{6} = \frac{2}{3}$ olur.

Cevap: A

9. • Tüm durumlar → 7 kişi bu odalara,

$$\binom{7}{2} \cdot \binom{5}{2} \cdot \binom{3}{3} = \frac{7 \cdot 6}{2 \cdot 1} \cdot \frac{5 \cdot 4}{2 \cdot 1} \cdot 1 = 21 \cdot 10 = 210$$

farklı şekilde yerleştirilebilir.

• $\binom{5}{2} \cdot \binom{3}{3} = 10$ durum

• $\binom{5}{2} \cdot \binom{3}{3} = 10$ durum

• $\binom{5}{1} \cdot \binom{4}{2} \cdot \binom{2}{2} = 30$ durum

O halde istenilen olasılık $\frac{10 + 10 + 30}{210} = \frac{50}{210} = \frac{5}{21}$ olur.

Cevap: C

10. $s(E) = \text{Dikdörtgen sayısı} = \binom{7}{2} \cdot \binom{4}{2}$
 $= 21 \cdot 6 = 126$
 $s(A) = \text{Kare sayısı} = 6 \cdot 3 + 5 \cdot 2 + 4 \cdot 1$
 $= 18 + 10 + 4$
 $= 32$
 $p(A) = \frac{s(A)}{s(E)} = \frac{32}{126} = \frac{16}{63}$

Cevap: A

11. • 7 anahtarın 3 tanesi kapıyı açarsa 4 tanesi açmıyordur.
- İlk denemesinde kapıyı açamadığından bu seçim $\frac{4}{7}$ olasılıkla gerçekleşir.
- İkinci denemede kapıyı açacağından bu seçim $\frac{3}{7}$ olasılıkla gerçekleşir.
- O halde istenilen olasılık $\frac{4}{7} \cdot \frac{3}{7} = \frac{12}{49}$ 'dir.

Cevap: C