

1. $111^3 \cdot (1^3 + 2^3 + 4^3) = 3^3 \cdot 37^3 \cdot 73^1$
- I. En büyük asal böleni = 73
- II. PBS = $4 \cdot 4 \cdot 2 = 32$
- III. Asal olmayan TBS = $64 - \{3, 37, 73\} = 61$
- IV. Pozitif tek bölenler = $4 \cdot 4 \cdot 2 = 32$
- V. Asal olmayan bölenler toplamı
= $-3 - 37 - 73 = -113$
- O halde hepsi doğrudur.

Cevap: E

2. $m = \underbrace{1500 \dots 0}_{n \text{ tane}} = 15 \cdot 10^n = 3 \cdot 5 \cdot 2^n$
= $2^n \cdot 3^1 \cdot 5^{n+1}$
- Pozitif bölen sayısı = $(n+1) \cdot 2 \cdot (n+2) = 84$
 $(n+1) \cdot (n+2) = 42$
 $n = 5$ olur.
- $\Rightarrow m = 15 \cdot 10^5$ sayısı 7 basamaklıdır.

Cevap: B

3. $A = 14 \cdot 10^x = 2 \cdot 7 \cdot 2^x \cdot 5^x$
= $2^{x+1} \cdot 5^x \cdot 7^1$
- Pozitif bölen sayısı = $(x+2) \cdot (x+1) \cdot 2 = 39 + 1$
 $(x+2) \cdot (x+1) \cdot 2 = 40$
 $(x+2) \cdot (x+1) = 20$
 $\Rightarrow x = 3$ olur.

Cevap: D

4. $A = 75 \cdot 15^x = 3 \cdot 5^2 \cdot 3^x \cdot 5^x = 3^{x+1} \cdot 5^{x+2}$
- Pozitif bölen sayısı = $(x+2) \cdot (x+3) = \left(\frac{82+2}{2}\right)$ (Tam bölen sayısının yarısı)
- = $(x+2) \cdot (x+3) = 42$
 $\Rightarrow x = 4$ olur.

Cevap: B

5. $168^x = 8^x \cdot 21^x = 2^{3x} \cdot 3^x \cdot 7^x$
- Asal olmayan tamsayı bölenleri toplamı, asal bölenleri toplamının zıt işaretlisidir.
- $-(2 + 3 + 7) = -12$ olur.

Cevap: B

6. Pozitif bölen sayısı $-\{2, 3, 7\} = 13$ ise pozitif bölen sayısı 16'dır.
- $A = 2^x \cdot 3^y \cdot 7^z$
- PBS = $(x+1) \cdot (y+1) \cdot (z+1) = 16$
 $\frac{2}{2} \quad \frac{2}{2} \quad \frac{4}{4}$
- $x+1 = 2$ • $y+1 = 2$ • $z+1 = 4$
 $x = 1$ $y = 1$ $z = 3$
- $\Rightarrow x + y + z = 1 + 1 + 3 = 5$

Cevap: B

$$\begin{aligned}
 7. \quad A &= 10^2 + 20^2 + 30^2 = 10^2 (1 + 2^2 + 3^2) \\
 &= 2^2 \cdot 5^2 \cdot 2 \cdot 7 \\
 &= 2^3 \cdot 5^2 \cdot 7
 \end{aligned}$$

Pozitif bölenlerinden 20'nin katlarını bulabilmek için 20'yi sabit tutuyoruz.

$$(2^2 \cdot 5) \cdot 2^1 \cdot 5^1 \cdot 7^1$$

$$(20) \cdot 2^1 \cdot 5^1 \cdot 7^1$$

$$20'nin katı PBS = 2 \cdot 2 \cdot 2 = 8$$

Cevap: C

8. 6 tane tamsayı böleni varsa 3 tane pozitif böleni olmalı

a asal sayı olmak üzere a^2 ifadesinin 3 pozitif böleni vardır.

$$1 < a^2 < 196$$

$$1 < a < 14$$

2, 3, 5, 7, 11, 13 olmak üzere 6 değer vardır.

Cevap: B

$$\begin{aligned}
 9. \quad 25^a + \frac{5}{2} \cdot 7^{2b+7} &= 5^{2(a+\frac{5}{2})} \cdot 7^{2b+7} \\
 &= 5^{2a+5} \cdot 7^{2b+7}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \Rightarrow \text{Pozitif bölen sayısı} &= (2a + 5 + 1) \cdot (2b + 7 + 1) \\
 &= (2a + 6) \cdot (2b + 8)
 \end{aligned}$$

\Rightarrow Asal olmayan pozitif bölen sayısı

$$= (2a + 6) \cdot (2b + 8) - 2$$

$$= 2(a + 3) \cdot 2(b + 4) - 2$$

$$= 4(a + 3) \cdot (b + 4) - 2$$

$$= 4 \cdot 12 - 2$$

$$= 46 \text{ olur.}$$

Cevap: A

$$10. \quad 10^{10} = 2^{10} \cdot 5^{10}$$

$$20^{15} = 4^{15} \cdot 5^{15} = 2^{30} \cdot 5^{15}$$

$$\text{obeb}(2^{10} \cdot 5^{10}, 2^{30} \cdot 5^{15}) = 2^{10} \cdot 5^{10}$$

$$\begin{aligned}
 \text{Ortak pozitif doğal sayı bölenleri} &= (10 + 1) (10 + 1) \\
 &= 121 \text{ tane dir.}
 \end{aligned}$$

Cevap: D

$$11. \quad A = 2^4 \cdot a^2 \cdot c$$

A'nın pozitif çift bölenleri sayısı

$$\cancel{2} \cdot 2^{\textcircled{3}} \cdot a^{\textcircled{2}} \cdot c^{\textcircled{1}}$$

$$\Rightarrow (3 + 1) (2 + 1) (1 + 1) = 4 \cdot 3 \cdot 2 = 24$$

$$B = 2^2 \cdot a \cdot b \cdot c^3$$

B'nin negatif tek bölenleri sayısı

$$\cancel{2} \cdot a^{\textcircled{1}} \cdot b^{\textcircled{1}} \cdot c^{\textcircled{3}}$$

$$\Rightarrow (1 + 1) (1 + 1) (3 + 1) = 2 \cdot 2 \cdot 4 = 16$$

O halde $24 - 16 = 8$ fazladır.

Cevap: D

12.

16	13	15	11	14
----	----	----	----	----

O halde dersliklerde en çok

$$16 + 13 + 15 + 11 + 14 = 69 \text{ kişi vardır.}$$

Cevap: B